

Before the Big Bang ?

The study of the hypothetical fractal structure of the vacuum energy offers evidences that before the Big Bang existed a state where the Universe decided its geometric configuration and the nature of the matter and the quantum.

¿Antes de la Gran Explosión ?

Nuestra vida transcurre en un mundo de tres dimensiones espaciales, pero en un estado inmediatamente anterior al Big Bang, la gran explosión que dio lugar a todo lo que conocemos, el Universo tuvo que elegir, entre todas las posibles, la configuración geométrica actual, es decir tres dimensiones ordinarias y seis compactadas o enrolladas, tal como exige la teoría de supercuerdas la única capaz, hasta el momento, de unificar las cuatro interacciones fundamentales.

En ese estado, que llamaremos, Ψ_{BB} no existía todavía la materia ni la energía que están claramente definidas y ligadas a las tres dimensiones ordinarias. La propia naturaleza del cuanto de acción, que en cierta manera podría ser considerado como el tipo de “baldosa” o granulado de que está hecho el Universo se tuvo que definir también entonces, como veíamos en el anterior trabajo en Ciencia Abierta [Nº26,2005] (ver Tabla II). En el producto :

$$\text{Energía x Tiempo}^f \quad (1)$$

que representa el cuanto de acción, introducíamos un factor ficticio de peso f [ver Ciencia Abierta, Nº26,2005] cuyo valor generalizado a las dimensiones δ y ε , ordinarias y enrolladas, encontrábamos que era:

$$f = (\delta + \varepsilon) / \delta - 2 \quad (2)$$

Para que f tuviera el valor unidad debió cumplirse que $\delta = 3$ y $\varepsilon = 6$. Estos valores fueron determinantes para que existiera el propio cuanto de acción y para que las fluctuaciones cuánticas del vacío dependieran del inverso de la distancia, permitiendo el vacío estable y relativamente plano que conocemos.

La geometría del espacio está, desde el principio, íntimamente ligada a las propias naturalezas de la materia y del cuanto.

Tomando $(\delta+\varepsilon) = 9$ y dejando δ como variable, podemos realizar una generalización de la expresión (1) en el estado Ψ_{BB} :

$$\overline{\text{Energía x Tiempo}}^{(\delta+\varepsilon)/\delta - 2} \quad (3)$$

Si “transformamos” Tiempo en Espacio mediante la expresión $\text{Espacio} = (c) \times \text{Tiempo}$, donde (c) representa un máximo entre los dos valores, o la velocidad de la luz en nuestro universo actual, y transformamos Energía en Densidad de energía generalizada x unidad de volumen, obtenemos:

$$\overline{(\text{Densidad Energía})_{\delta} \times L^{\delta} L^{(\delta+\varepsilon)/\delta - 2}} \quad (4)$$

La expresión del exponente L (espacio o distancia) tiene un mínimo para el valor $\delta = 3$, las dimensiones ordinarias de nuestro Universo (ver Fig.1). Para un producto acotado del cuanto que representa (1), significa que la densidad de energía generalizada al número de dimensiones ordinarias δ $(\text{Densidad Energía})_{\delta}$ tiene un máximo para ese mismo valor de δ .

The value chosen in the number of regular dimensions corresponding to a maximum in the energy density, and a minimum in the exponent value of L, as shown in the following figure.

El valor elegido en el número de dimensiones ordinarias corresponde a un máximo en la densidad de energía, y a un mínimo en el valor del exponente de L, como se ve en la figura siguiente.

Dimens. Desenrolladas	Valor exponente distancia
1	8
2	4,5
3	4
4	4,25
5	4,8
6	5,5
7	6,285714
8	7,125
9	8

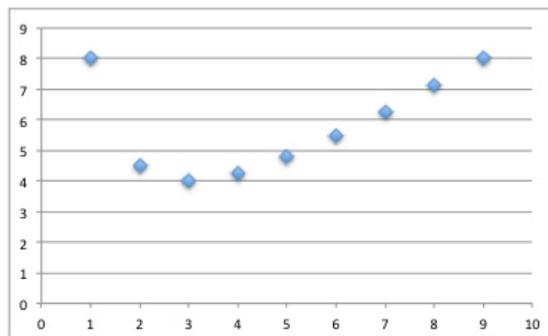


Figura 1

El estudio de la estructura de la energía de las fluctuaciones cuánticas del vacío, mediante la geometría fractal, nos ofrece evidencias de un estado anterior al Big Bang en donde se tuvo que decidir la configuración geométrica que adoptaría el universo e íntimamente asociada a ella se decidió la naturaleza de la materia y del propio cuanto fundamental que se definió, finalmente, como cuanto de acción.

La siguiente tabla completa este gráfico y amplía algunos aspectos del mismo.

Dimens. desenrolladas	Valor exponente distancia
0	Infinito
1	8
2	4,5
3	4
4	4,25
5	4,8
6	5,5
7	6,285714
8	7,125
9	8

$P_{\delta} \lambda^{\delta + (9/\delta) - 2}$ (Producto de Energía generalizada por distancia-tiempo)

El valor δ representa la variable "dimensiones desenrolladas".

P_{δ} representa la densidad de energía en función del número de dimensiones desenrolladas, y es una medida de la deformación del espacio-tiempo por masa o energía.

Tabla I (valores de Fig. 1)

En términos del mecanismo de Higgs, para $\delta = 0$ hubo un rompimiento espontáneo de simetría dirigido a obtener $\delta = 3$ y la fuerza gravitacional se desacopló de las otras tres con lo que comenzó a originarse la masa del Universo en $\delta = 3$. El vacío para este valor de dimensiones desenrolladas debe ser el mínimo absoluto del potencial de Higgs. Su campo escalar ofrece la particular propiedad de no anularse en el vacío y por ello señala una dirección favorecida: la dirección de ruptura. Ver ejemplo en Fig.2, donde el estado inicial, simétrico, correspondería al momento en que la bola está en la cúspide del fondo de botella. Posteriormente se romperá espontáneamente la simetría y la bola buscará el potencial más bajo en el fondo. Los dos estados serían similares al estado inicial simétrico del Universo en $\delta = 0$ y al posterior, después de rota la simetría, en $\delta = 3$ cuando comenzó a originarse la masa y se definió el cuanto de acción.

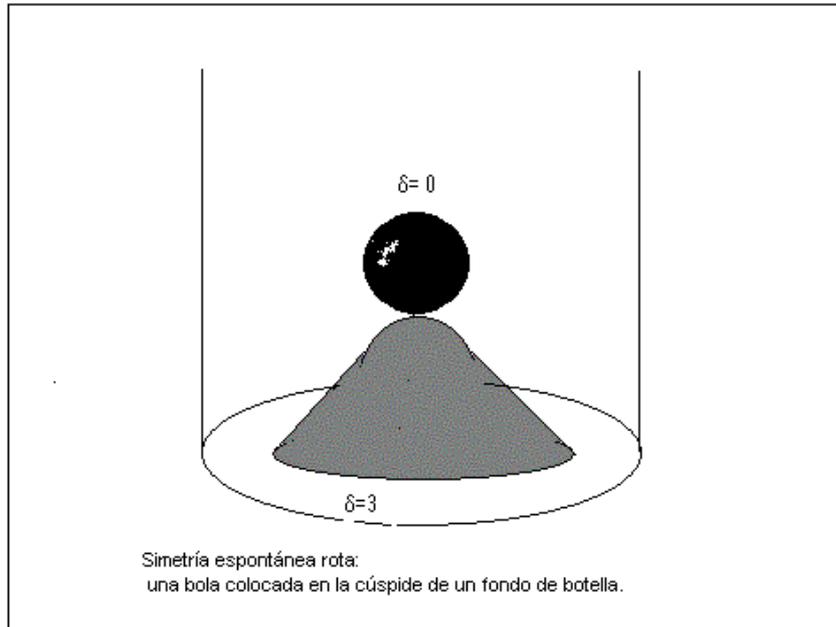


Fig.2

El estado que hemos llamado Ψ_{BB} y que situamos antes del Big Bang, sería el correspondiente a $\delta = 0$.

Bibliografía:

J.S.Ruiz Fargueta: Before the Big Bang? Ciencia Abierta, Universidad de Chile,nº28, (5 nov. 2005)

J.S.Ruiz fargueta: *La naturaleza del cuanto de acción y las dimensiones enrolladas. Nº26,2005 Revista Ciencia abierta. Universidad de Chile:*

M.Kaku : *Hiperespacio. Crítica, Barcelona, 1996.*

B.Mandelbrot :*Los objetos fractales. Tusquets Editores,Barcelona,1987.*

L.Nottale: *¿Existe un espacio-tiempo fractal?. Investigación y ciencia, nº250, 1997,pp.66-73.*

J.S. Ruiz Fargueta, The fractal geometry of the quantum vacuum (energy):

<http://www.rxiv.org/pdf/1407.0086v1.pdf>

TABLA II. Dimensión fractal. Recubrimiento y dimensión.

Dimensión fractal.

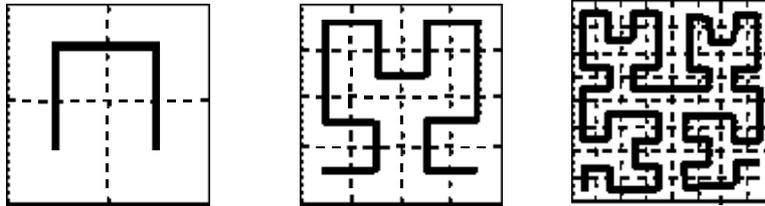
Una línea recta ideal es continua, tiene dimensión topológica 1, pero las líneas reales nunca son continuas, ofrecen innumerables rugosidades y puntos de discontinuidad. El objeto geométrico que mejor las define se llama curva fractal (fracturada, rota) y su dimensión , llamada dimensión fractal, es una suma de la dimensión topológica y de un factor dimensional tanto mayor cuanto más intrincada sea la línea en cuestión.

En la figura siguiente se muestra la curva fractal llamada de Koch (es autosemejante, aunque no todos los fractales lo son).



Su dimensión fractal es 1,26185... Está entre el valor 1 (línea) y el valor 2 (plano). Nos indica que la curva está llenando parte del plano . De hecho hay curvas fractales capaces de llenar **por completo** el plano y , precisamente, por eso tienen dimensión fractal 2.

Un ejemplo de curva que llena el plano es la llamada curva de Hilbert. En la figura siguiente se muestra su construcción hasta el tercer paso, en el límite acabaría recubriendo todo el plano.



En la curva de Koch, el factor dimensional que mide su irregularidad sería de 0,26185, en la curva de Hilbert este valor llega a ser 1. Conforme la curva es más irregular y cubre mejor el plano vemos que el factor aumenta.

Recubrimiento y dimensión.

Una línea recta de longitud n queda recubierta por un número n de segmentos de longitud unidad.

Podemos expresarlo diciendo que $\text{longitud_línea} = (n)^{+1}$. Un cuadrado con lado n queda recubierto por n^2 pequeños cuadrados de lado la unidad. De forma similar a la línea se puede expresar que

$\text{superficie_cuadrado} = (n)^{+2}$.Sabemos que una línea recta tiene dimensión topológica 1 y una superficie dimensión 2. Para recubrirlos necesitamos un elemento similar pero más pequeño n^D veces (en estos ejemplos de magnitud unidad). **En general, el exponente D representa la dimensión del objeto .**

Para objetos fractales se puede actuar de forma similar, pero el exponente que en la línea o el cuadrado era $+1$ ó $+2$, resultará no necesariamente entero (y muy posiblemente fraccionario), pues dicho exponente, en este caso, es la suma de la dimensión topológica más un factor dimensional.

